水防林が氾濫流の流況 に及ぼす影響と減勢効果 EFFECTS OF GROVES AGAINST FLOOD HAZARDS ON DYKE BREACH FLOW AND HYDRODYNAMIC FORCE

秋山 壽一郎¹・重枝 未玲²・有働 貴行³・山尾 匡人³ Juichiro AKIYAMA, Mirei SHIGE-EDA, Takayuki UDOU and Masato YAMAO

 1フェロー会員 Ph.D. 九州工業大学大学院教授 工学研究院建設社会工学研究系 (〒804-8550北九州市戸畑区仙水町1-1)
 2正会員 博士(工学) 九州工業大学大学院准教授 工学研究院建設社会工学研究系(同上)
 3学生会員 九州工業大学大学院 工学府建設社会工学専攻(同上)

Effects of the groves against flood hazards on dyke breach flows and the hydrodynamic forces acting on a structure are investigated experimentally. It is found that depending on Froude number at the broken point of the embankment, characteristics (size of tree, density and length of forest zone) of the groves and the distance of groves from the broken point, different type of the flows, namely, submerged outflow, forced hydraulic jump and jump-spray are observed. The regime of the flows is distinguished by the ratio of specific force of the flows to retarding force due to the groves. It is also found that the primary mechanism for reduction of the hydrodynamic forces acting on a structure is due to increase of flow depth downstream of the groves.

Key Words : groves against flood hazards, dyke breach, hydraulic jump, hydrodynamic force

1. はじめに

堤防に沿って帯状に設けられた樹木群を樹林帯といい, 氾濫原に存在する防御対象地域の上流側に設けられた樹 木群を防災樹林帯という.樹林帯と防災樹林帯は,それ ぞれ氾濫原管理における堤防強化策と氾濫流制御策の一 種である¹⁾.すなわち,樹林帯には,越流時における堤 防の安全性の向上,破堤部の拡大抑制,氾濫流量の低減, 流木・土砂堆積の防止,表土流失の低減²⁾,防災樹林帯 には,氾濫流の減勢,流向制御,水流の分散,流木・土 砂の捕捉などの治水機能と効用があるといわれている³⁾. 防災樹林帯が有するこれらの治水機能は,伝統的治水技 術としての水防林のそれに他ならない.また,樹林帯も 流木・土砂の捕捉,氾濫流の減勢効果等の防災樹林帯に 期待される治水機能を有しているので,以下ではこれら の樹林帯の機能も含めて水防林と呼ぶこととする.

水防林は,築堤等の治水施設の整備に伴い,整理・縮小されてきた歴史的経緯があるが,今日でも笛吹川(山 梨県),吉野川(徳島県),大野川(大分県),川上川(佐賀 県)など全国各地で見ることができる. 水防林は、環境にやさしい治水技術であることから、 氾濫原管理に資する技術として、水防林の機能と効用を 工学的に評価しようとする試みが若干なされている.

例えば、末次ら⁴は、氾濫原の勾配が大きい直進型や 直下型の氾濫流を対象として、模型実験と数値解析に基 づき、水防林の特性や配置等が流体力の低減効果に及ぼ す影響について基礎的知見を得ている。秋山らは、高精 度・高解像な平面2次元不定流モデルを用いた河道・氾 濫域包括数値解析⁵により、破堤氾濫流が構造物に作用 する流体力と水防林による低減効果を評価できることを 明らかにしている⁶. また、同モデルを1983年山陰豪雨 災害の直下型の破堤氾濫に適用し、三隅川に沿った堤内 地に仮想的な水防林を設けた場合と設けない場合の数値 シミュレーションを行い、水防林が、(1)氾濫流の抑 制・制御機能、(2)浸水深の上昇を遅延する機能、(3) 破堤区間近傍や氾濫流が集中する箇所の最大流体力を低 減させる働き、などの機能や効用を有することを明らか にしている⁷.

水防林と同様な機能と効用を有するものとして沿岸林 があるが、その津波の減勢効果については比較的多くの 研究がなされている.例えば、今井・松富⁸は、樹冠部 の変形を考慮した樹木の見かけの抵抗係数を求め、これ を考慮した数値モデルにより1983年日本海中部地震津波 を対象としたシミュレーションを行っている.

本研究は、以上のような背景を踏まえ、帯状に設けら れた水防林を対象として、模型実験と簡単な解析に基づ き、(1)水防林と氾濫流との関係、(2)水防林の減勢効 果について、水防林の施設計画に必要な基礎的知見を得 たものである.

2. 実験と実験方法

実験は、堤防から一定距離離れて帯状に設けられた水 防林を想定したものである.水防林としては、その透過 係数を理論的に評価できる樹幹部とした.

実験装置は、図-1に示すように、両面ガラス張りの水路(長さ6.0m,幅0.50m,高さ0.50m)内に水路床(長さ5.50m,粗度係数n=0.01)と水門(開きa=0.01m)を設け、河床に円柱(直径d=0.018m,本数N=320本/m²)を幅L=0.25,

0.50, 0.75および1.00mにわたって千鳥状に配置したもの である.また,水路勾配Iは,限界勾配I_cに近い急勾配 (*I*=1/200)あるいは緩勾配(1/300)に設定した.なお,本実 験条件下では*I_c*=1/212~1/275である.

水門から射流状態で流出した水は、水路を流下した後に下流端で段落し、量水枡で流量計測できるようになっている.水門から射流状態で流出させた理由は、破堤氾濫流を想定していることと、その場合の流出水のFroude数 $F_1(=q/(gh_1^3)^{1/2})$ を簡便に系統的かつ幅広く設定するためである.ここで、q=単位幅流量、 $h_1=$ 縮流部の水深(= C_ca)、 $C_c=$ 縮流係数(=0.61)である.

まず、水防林の全抗力 D_{Γ} を定義しておく. 任意の流 水(流速V,水深h)中に置かれた一本の樹木(直径d)に作用 する抗力Dは、D=(1/2) $C_{D}\rho dh_{T}V_{T}^{2}$ なので、これを幅Lにわ たって $N(本/m^{2})$ 設けたときの水防林全体についてコント ロールボリュームを取ると、水防林全体の全抗力 D_{Γ} は $D_{T}=\Psi C_{D}\rho h_{T}V_{T}^{2}/2$ となる. ここで、 Ψ (=LNd)は水防林の全 抗力に関係した無次元パラメータ(以下、「水防林特 性」という)であり、 h_{T} =水防林区間での樹木の代表水没 水深、 C_{D} =水防林の抵抗係数、 ρ =水の密度である.また、 円柱群の C_{d} 値は、 C_{d} =1.20の一定値を取ることが知られ ている⁹.

樹木群によるblockage effect(流積の減少効果)を考慮すると、水防林区間での水深平均流速 $V_{\rm T}$ は、樹木密度 λ (=単位面積に占める樹木の断面積比)を導入して、 $V_{\rm T}=q/[(1-\lambda)h_{\rm T}]$ となる.

実験は、水防林と流出状態(もぐり、自由)との関係に 関するCASE A、流れのパターンに関するCASE B、お よび水防林の流体力低減効果に関するCASE Cを実施し た.流れの定義図とCASE Bの実験条件をそれぞれ図-2 と表-1に示す.なお、CASE AとCの実験条件表は省略



図-2 流れの定義図と重要な諸量

表-1 実験条件(CASE B)

| CASE B | | L | $x_{\rm T}/L$ | F_1 | | | CASE B | | L | x_{T}/L | F_1 | |
|--------|--------------|------|---------------|----------------|-------------------|---|--------------|--------------|------|----------------|------------------|-------------------|
| s | Ψ1 (1.44) | 0.25 | 0.4 | F1 \$ F5 | 2.3 \$ 4.8 | | | | | 0.4 | F1 \$ F5 | 2.9 \$ 5.4 |
| | | | 0.8 | F1 \$ F5 | 2.6 \$ 5.4 | M | Ψ1 (1.44) | 0.25 | 0.8 | F1 \$ F5 | 2.9 \$ 5.4 | |
| | | | 1.2 | F1 \$ F5 | 3.1 \$ 5.4 | | | | 1.2 | F1 5 F5 | 3.3 \$ 6.0 | |
| | Ψ2 (2.88) | 0.50 | 0.4 | F1 \$ F5 | 3.1 \$ 8.0 | | IVI | Ψ2 (2.88) | 0.50 | 0.4 | F1 \$ F5 | 4.2 \$ 7.7 |
| | | | 0.8 | F1 \$ F5 | 3.1 \$ 10.0 | | | | | 0.8 | F1 \$ F5 | 4.2 \$ 10.6 |
| | | | 1.2 | F1 \$ F5 | 3.5 \$ 10.6 | | | | | 1.2 | F1 \$ F5 | 4.1 \$ 11.3 |

する.また,図-2中の赤等で示した色付きの実線は、後述する流れのパターンの水面形を表している.

CASE Aでは、 Ψ =1.44、2.88、4.32および5.76とし、 F_1 と水防林の設置位置 x_T/L を様々に変化させ、本実験装置 において水門地点で自由流出する限界条件を求めた.

CASE Bでは、表-1に示したように、 Ψ , x_{T}/L および F_1 をもぐり流出から自由流出となるように変化させ、流れ のパターンを把握した.

CASE Cでは、水防林設置(Ψ =1.44、2.88)あるいは無設 置の状態で、 F_1 =F1~F5の範囲で変化させ、水防林下流 端から測って0.2 $L_{0.5m}$ 下流に設けた正角柱($0.03m \times 0.03m$) に作用する流体力Pを3分力計(三計エンジニアリング製、 定格容量:2kgf)で測定した.サンプリング時間とサン プリング間隔は、それぞれ30秒と0.1秒である.なお、 blockage-ratio(水路幅/角柱幅比)は16.7であり、この影響



を受けない14.0以上の条件¹⁰⁾を満たしている.

いずれのCASEについても水路縦断方向の水深をポイントゲージで詳細に計測するとともに、流況を水路側面より撮影した.

F₁の設定範囲については、著者の知る限り、破堤氾濫 流は破堤点近傍では限界流となるが、破提点下流では流 出水のFroude数がどの程度の値となるのかはよくわかっ ていない、そこで、ダム破壊流れの理論解と数値計算結 果に基づき流出水のFroude数を推定し、これをF₁の目安 とした、

すなわち,1次元ダム破壊流れでは,Ritter解¹¹に基づけば,Froude数は流出後で1.0程度,フロント部で無限大となる.粘性が効くフロント部周辺を除けば,流出水下流側のFroude数は10程度の値となるので,1~10程度の値を取ると推定される.一方,2次元ダム破壊流れでは,

著者らの数値計算¹²⁾に基づけば,Froude数は流出後で1.0 程度,フロント部周辺では下流端水深および粗度係数の 影響により、50程度となる.フロント部周辺を除けば, 流出水下流側のFroude数は8程度の値となるので、1~8程 度の値を取ると推定される.

3. 実験結果

(1) 水防林特性と水門位置での流出状態

図-3は、CASE Aから得られた水門位置での流出状態 をF₁とx₁/Lとの関係としてYP別に示したものである.実 線がもぐり流出と自由流出の限界であり、その右側の領 域が自由流出となる.図中のプロットは、参考のために CASE Bの実験条件を示したものである. これからわかるように、(1) Ψ , F_1 , x_{T}/L およびIの組合 せによって、流出状態は変化する.(2) 急勾配の方が、 自由流出になりやすい.(3) Iの緩急にかかわらず、 Ψ が 小さい方が自由流出となりやすい.また、ある Ψ に対し て、 x_{T}/L が小さい方が自由流出となる F_1 は大きくなる.

(2) 流れのパターン

図-4は、CASE Bから得られた流れのパターンの一例 (S-Ψ2-x2, M-Ψ2-x2)を水路の緩急別に示したものである. 図中の赤線は限界水深 $h_c(=(q^2/g)^{1/3})$,緑線は等流水深 $h_0(=(n^2q^2/I)^{3/10})$ を示している.

図-5は、流出状態(図-3)を踏まえて、CASE Bから得られた Ψ_1 (=1.44)と Ψ_2 (=2.88)の水面形 h/h_c と x_t/L との関係を、 F_1 別に示したものである。図中には、水防林下流側における F_1 別の h_0/h_c の拡大図も示してある。これより急勾配では h_0/h_c <1.0、緩勾配では h_0/h_c >1.0となっていることが確認できる。

図-4と図-5より次のことがわかる.

(1) 水路勾配にかかわらず,いずれの流れのパターン においても水防林下流端の上流側では水位上昇が起こり, 水防林区間内では水位は流下方向に低下する.また,水 防林下流端の直下では局所的な水位低下が発生する.

(2) 水防林下流においては、急勾配では、水位低下後 h_cに漸近(S3曲線)する.緩勾配では、水位低下後、水位 は一旦上昇した後にh₀に漸近(M2曲線)する.水防林下流 端の直下で局所的な水位低下が発生するのは縮流のため であり、縮流部におけるFroude数が1.0~1.7程度であるこ とから、縮流部下流では波状跳水¹³⁾が生じ、水位が再度 上昇していると考えられる.

(3) 水路の緩急と Ψ 値にかかわらず, $F_1 \ge x_T/L$ の大小に よって異なった流況を呈する.すなわち, ①パターンA では,水門位置でもぐり流出となり, 跳水後は水防林に よる堰上げのため全域にわたって水位上昇が起こる. ② パターンBでは,水門位置で自由流出となり,水防林上 流端より上流側(パターン B_1)あるいはほぼ水防林区間内 (パターン B_2)で強制跳水が起こる. ③パターンCでは,

水防林最前列付近で飛散が生じ,水防林区間内で強制跳 水が起こる.また,水位上昇は水防林下流端から上流側 でしか起こらないので,水位上昇区間は水防林区間より も短くなる.

(4) x_T/Lは水位上昇の程度にほとんど影響を及ぼさない. これは、粗度係数nが小さいためである.

(5) パターンAとB₁では、最大水位 h_{max} と限界水深 h_c との比 h_{max}/h_c は、水路の緩急、 x_T/L および F_1 とほぼ無関係に概ね Ψ で規定され、 Ψ_1 で h_{max}/h_c =2.1、 Ψ_2 で h_{max}/h_c =2.5となる. なお、 h_{max}/h_T もI、 x_T/L および F_1 とほぼ無関係に、 Ψ_1 で h_{max}/h_T =1.25、 Ψ_2 で h_{max}/h_T =1.15であった.

(3) 流れのパターンの領域区分

図-6は、CASE Bから得られた水深や流量等を用いて、





無次元パラメータ $M/R \ge x_{\Gamma}/L \ge 0$ 関係を示したものである.ここで、Mは縮流部で定義された比力(= $h^2/2+q^2/gh$)、 Rは水防林の全抗力 D_{Γ} を単位体積重量 ρg で除したもの (= $L(q/h_{\Gamma})^2 \cdot [K_{\Gamma}(1-\lambda)]^2$)であり、 K_{Γ} =水防林の透過係数 (= $(Ndh_{\Gamma}C_d/2g)^{-1/2}$)である.なお、図中の実線と破線はそれぞれ $\Psi_1 \ge \Psi_2$ に対する領域区分を示している.

これより次のことがわかる.

(1) 流れの領域は、水路の緩急にかかわらず、ほぼ同 様な傾向を示す.

(2) $M/R \ge x_{T}/L$ によって、もぐり流出、強制跳水および 水防林区間での飛散の3領域に区分できる.したがって、 $M 中 Oh \ge R 中 Oh_{T}$ がわかれば、 $\Psi \ge x_{T}/L$ で流れのパター ンが特定できる.

(3) 好に対して、もぐり流出領域ではxr/Lが大きくなる につれてM/Rは減少するが、強制跳水領域では逆の傾向 となる. つまり、もぐり流出領域ではxr/Lが大きくなる ほど、強制跳水領域ではxr/Lが小さくなるほど、流水抵 抗として水防林が効果的に機能する.

(4) 水防林による流体力の低減効果

図-7は、水防林による単位面積当たりの流体力の低減 率 P_{S}/P_{N} と F_{1} および x_{T}/L との関係を調べたものである.ここで、添え字SとNはそれぞれ水防林設置と無設置を示す.また、 F_{1} と流れのパターンは、パターンA(F_{1} =F1とF2)、 B_{1} (F3)、 B_{2} (F4)およびC(F5)のように対応している.

本結果は、Ψ=1.44~2.88での水防林下流端から測って 0.2L_{0.5m}下流のものである.いま、L=(1.44~2.88)/Ndであ



るので、乙津川の竹林(d=0.016m, N=14本/m²)を例に取ると、竹林幅はL=6.43~12.86mとなり、本実験の0.2L_{0.5m}下流はこの竹林では1.29~2.57m下流を意味している.

これより次のことがわかる.

(1) F_1 の増加とともに、流体力の低減が顕著となり、 Ψ が大、 x_T/L が小、および緩勾配で低減率が大きくなる.

(2) F_1 が小さい方が x_T/L に対する低減率の依存性が強くなる.

(3) F₁=F1~F5, Ψ=1.44~2.88およびx_T/L=0.4~1.2の範囲 では、50~90%程度まで流体力が低減される.

このような高い流体力の低減結果となったのは次のような理由だと考えられる.単位幅当たりの流体力Pは pq²/hで与えられるので,(1)水防林がない場合は,流出 点と物体との距離が短ければ,強い射流(Fr数大)状態を ほぼ保ったまま水路を流下し,その状態で物体に流体力 が働く.(2)水防林がある場合は,その働きによって, 強い射流状態の流出水が,水防林下流側において急勾配 では弱い射流(Fr数小)へ,緩勾配では常流へと強制的に 遷移し,その流れの状態の流体力が働くことになる.

流体力の低減率は $P_{s}/P_{N}=h_{N}/h_{s}$ であるので、例えば、 図-5のパターンBにおいて、水防林の上流側水深を h_{N} 、 下流側を h_{s} と見なせば、先述した(1)と(2)の流体力低減 の理由が説明できる.なお、図-7のように、 P_{s}/P_{N} が F_{1} や水防林特性・設置位置で大きく変化するのは、 h_{N} がこ れらの影響を受けているからである.当然のことながら, 水防林の十分下流側では,水防林特性や設置位置は流体 力の低減率に関係しない.したがって,与えられた流出 水の状態(*F*₁)に対して,物体に働く流体力を最小化する 水防林特性・設置位置が必ず存在する.この点について は,今後の課題としたい.

4. 最大水深の予測

各流れのパターンとその取り得る最大水深h_{max}について,簡単な解析に基づき検討する.

自由流出では、水路勾配を無視し水路底面での摩擦 せん断応力をなとすると、水防林を挟んで距離/x隔てら れた任意の断面①と②の関係は式(1)で与えられる.

$$\tau_0 \Delta x + D_T = \rho q^2 (1/h_1 - 1/h_2) + \rho g (h_1^2 - h_2^2)/2$$
 (1)

ここで、 $D_{T}=\rho g(\Psi/Nd)(q/h_{T})^{2}/[(1-\lambda)^{2}K_{T}^{2}]$ であり、粗度係数 nを用いると、 $\tau_{0}=\rho (n^{2}gh_{T}^{-1/3})[q^{2}/{((1-\lambda)^{2}h_{T}^{-2})}]$ であるので、 式(1)は式(2)のようになる.

$${(h_T / h_1)^2 (1 - \lambda)^2} {(1 - (h_2 / h_1)) [(h_2 / h_1) (1 + (h_2 / h_1)) - 2F_1^2]}$$

$$-2(h_2/h_1)(L/h_1)(\Delta x/L)n^2gh_T^{-1/3} + g/K_T^2 F_1^2 = 0$$
 (2)

式(2)には2つの未知量(h_{T}/h_{1} , h_{2}/h_{1})が含まれている. また、 K_{T} 中にも不明な水深の h_{T} が入っている. さらに、 跳水の発生位置は簡単には予測できないので、 Δx も不 明な距離である.以上のことを勘案して、 $\Delta x/L \Rightarrow 1.0 と$ 近似し、 $h_{2}=h_{0}$ とすれば、式(3)が得られる.これを h_{T} を 未知量とするパターン B_{2} の関係式とする.

$$\{ (h_T / h_1)^2 (1 - \lambda)^2 \} \{ 1 - (h_0 / h_1) \} [(h_0 / h_1) \{ 1 + (h_0 / h_1) \} - 2F_1^2]$$

$$- 2(h_0 / h_1) (L / h_1) \{ n^2 g h_T^{-1/3} + (g / K_T^2) \} F_1^2 = 0$$
(3)

式(2)において₁₀とD₁を無視すると,式(4)のよく知ら れた共役水深の関係式となり,これがパターンB₁の強制 跳水の関係式である.もぐり流出では,縮流部と水防林 上流側の任意の断面との間の関係式は式(5)のようにな る¹³⁾.これがパターンAの関係式である.

なお,式(3)~式(5)において $h_1=C_c a$, h=縮流部での全水 深であり,式(3)の h_T/h_1 ,式(5)の h_2/h はNewton・Raphson 法などで求められる.

$$h_2 / h_1 = \left(\sqrt{1 + 8F_1^2} - 1\right) / 2 \tag{4}$$

$$(h_2 / h)^3 - \left\{ 1 + 2F_1^2(h_1 / h)^2 \right\} (h_2 / h) + 2(h_1 / h)F_1^2(h_1 / h)^2 = 0 \quad (5)$$

図-8は、実験値(図-5)と式(3)~式(5)を用いた予測値と を比較したものである.これより次のことが確認ある いは考察される.

(1) パターンAとB₁では、強制跳水後の水深 h_2 と h_{max} は ほぼ一致している.また、パターンB₂とCでは、水防林 区間の平均的な水深 h_T の実験値と予測値がほぼ一致し ており、誤差は±4%程度であった.

(2) パターンB₂とCで誤差を生じた理由としては,式 (3)には水防林による流積減少,動圧による抵抗力は考 慮されているが,局所的で評価が困難な樹木前背面で の水位差による抵抗¹⁰や造波抵抗は考慮されていないこ とや,飛散を伴うパターンCに対して適用限界があるこ と,などが考えられる.

(3) 先述したように、水路勾配、 x_{T}/L および F_1 とほぼ 無関係に Ψ_1 で h_{max}/h_c =2.1などのようになる理由は、式(4) あるいは式(5)から明らかなように、 h_2 が x_{T}/L 、つまり τ_0 の影響をほとんど受けておらず、 F_1 =(h_c/h_1)³²だからだと 考えられる.

5. まとめ

水防林の施設計画のために必要な基礎的知見を得ることを目的として,(1)水防林と氾濫流との関係,(2)水

防林の減勢効果について検討を加え、流出水の状態、水防林の特性とその設置位置の関係として、(1)流れのパターンとその領域、および最大水位とその予測、(2)水防林による流体力の低減率とそのメカニズム、などに関する有益な知見が得られた.

今後は、効果的に流体力を低減できる水防林特性と設置 置位置の関係などについて明らかにしたいと考えている.

謝辞:本研究は、科学研究費補助金 基盤研究B(課題 名:豪雨災害時の浸水減災シミュレータの開発と樹林帯 の減災効果に関する研究,課題番号:21360237,研究代 表者:秋山壽一郎)の助成を受け実施したものである. また、本研究を実施するに当たり、元本学大学院生(現 (株)清水建設)和田 智之君、本学学部4年生山下 茂樹君 の協力を得た.ここに記して謝意を表します.

参考文献

- 1) 例えば、末次忠司:河川の減災マニュアル、山海堂、2004.
- 国土交通省河川局治水課監修:堤防に沿った樹林帯の手引き,山海堂,2001.
- 建設省土木研究所河川部:水害防備林調查,土研資料第 2479号,1987.
- 本次忠司,舘健一郎,小林裕明:防災樹林帯による氾濫 流制御に関する研究,水工学論文集,第42巻,pp.805-810, 1998.
- 5) 例えば,秋山壽一郎,重枝未玲:河道・氾濫域包括氾濫解 析による氾濫流量の評価と市街地破堤氾濫解析,土木学会 論文集B, Vol.63, No.3, pp.224-237, 2007.
- 6) 例えば、重枝未玲、秋山壽一郎:数値シミュレーションに 基づく堤防に沿った樹林帯の治水機能の検討、土木学会論 文集, No.740/II-64, pp.19-30, 2003.
- 7) 例えば、秋山壽一郎:樹林帯の氾濫流抑制機能、自然災害 科学、25-3, pp.268-276, 2006.
- 8) 例えば、今井健太郎、松富英夫:樹冠部の変形を考慮した 樹木の抵抗則とそれを用いた沿岸林域の氾濫計算、土木学 会論文集B, Vol.64, No.3, pp.214-225, 2008.
- 福岡捷二,藤田光一:洪水流に及ぼす河道内樹木群の水理 的影響,土木研究所報告,180-3,1990.
- 10) 秋山壽一郎, 重枝未玲, 浦 勝, 小林俊彦, 大田和正: 定 常自由表面流の正角柱に働く流体力, 水工学論文集, 第46 巻, pp. 827–831, 2002.
- Ritter, A.: Die Fortpflanzung der Wasserwellen, Zeitschrift des Vereines Deutscher Ingenieure, Vol.36, no.33, pp.947-954, 1892.
- 12) 秋山壽一郎,重枝末玲,浦 勝:非構造格子を用いた有限 体積法に基づく1次および2次精度平面2次元洪水流数値モ デル,土木学会論文集,No.705/II-59, pp.31-43, 2002.
- 13) 椿 東一郎:水理学1,森北出版, 1973.

(2010.9.30受付)